

circoscritta ad $A E C$ e tangente in E' alla retta PE' è, come abbiamo dimostrato, corrispondente della retta PK^r , e la conica circoscritta ad $AB C$ e tangente in E alla retta QE è del pari corrispondente della retta QK' . Dunque il punto K in cui s'intersecano queste due coniche è evidentemente il corrispondente di K' . Di qui consegue, reciprocamente, che se si circoscrivono al quadrangolo $ABCK$ due coniche, l'una passante per E , e l'altra per E' , le loro rispettive tangenti in E ed E' incontreranno di nuovo la conica $ABCEE'$ in due punti Q e P tali, che le rette PE e QE' andranno ad intersecarsi nel cercato punto K' , corrispondente di K .

Da ciò emerge una costruzione analoga alla precedente, benché più complicata, per determinare il punto K^r .

Sieno $L_3 H$, H_1 i punti d'incontro del lato AB colle rette EE^f , KE , KE' . Si tirino le rette $AE_9 A E'$ che incontrano la CK in N ed N_{19} poscia le HN , H_1N_1 che incontrano $B C$ in M ed M_1 rispettivamente. Le ME , M_1E^f sono le cercate direzioni delle tangenti in E ed E' . Ciò si dimostra collo stesso ragionamento di pocanzi.

Per determinare sulle due rette così ottenute i punti P e Q_9 si tirino le rette LM , LM_{19} che incontrano $C E'$, $C E$ in R ed R_1 rispettivamente. Il punto Q sarà l'intersezione di ME con AR , ed il punto P quella di M_1 , E' con AR_{19} per cui condotte le PE'_9 , QE il loro punto d'incontro K' sarà il cercato.

Infatti consideriamo, per esempio, il punto Q . Questo punto dev'essere l'intersezione della retta ME colla conica $ABCEE'$. Ora nell'esagono inscritto in questa conica ed avente cinque vertici nei punti $A_9 B$, C , E' , E ed il sesto vertice in un punto della retta ME , i due lati opposti AB ed $E E'$ s'incontrano nel punto L_9 gli altri due lati purimenti opposti $lì C$ ed ME si incontrano nel punto M . Dunque anche il lato CE^f dev'essere incontrato dal sesto lato passante per A , di cui o incognita la direzione, nel punto R in cui esso incontra la retta $L M$. Ne risulta che il lato incognito è $A R$, ed il sesto vertice Q è il punto in cui AR sega la retta ME . Per conseguenza Q è il punto comune alla retta ME ed alla conica passante per i cinque punii A , B , C , E ed F .

Nello stesso modo si dimostra la proprietà analoga per il punto P .

XI.

Mediante la costruzione precedente si potrà, data nel piano una curva d'ordine qaalsivoglia, descrivere linearmente per punti la curva ad essa corrispondente.

È facile dimostrare che, se la prima curva è dell'ordine n , la seconda non può essere d'ordine maggiore di $2 n$. Infatti sieno p , q , r i massimi gradi a cui entrano le x , y , f

rispettivamente nell'equazione della curva data.